

معهد ابن الجزار بقبلي

2015/02/10

فرض مراقبة عدد 4

في مادة الرياضيات

التاسعة نموذجي 1 + 2

مدة الاختبار: 45 دقيقة

أحمد بن عبد القادر

تمرين 1- عدد (4 نقاط)

(1) جد العدد الحقيقي x ليكون $x + 7$ و $x + 8$ أقسية أضلاع مثلث قائم الزاوية .

(2) مثلث أقسية زواياه 90° و 60° و 30° و قيس محيطه يساوي 6. أحسب مساحته .

(3) جد عددين صحيحين طبيعيين فرديين متتاليين (مثل 3 و 5) مجموع مربعيهما 650.

(4) انطلقت سيارة على الساعة الثامنة من المدينة A بسرعة 60 km/h . و بعد ساعة

انطلقت سيارة ثانية من نفس المدينة بسرعة 90 km/h .
ما هو التوقيت الذي تلتحق فيه السيارة الثانية بالسيارة الأولى ؟

تمرين 2- عدد (6 نقاط)

(1) $ABCD$ متوازي أضلاع حيث $\widehat{BAD} = 60^\circ$ و $AB = 6$ و $AD = 3$ ثم عيّن I منتصف $[AB]$.

(ب) برهن أنّ المثلث ADB قائم الزاوية في D و أنّ $BD = 3\sqrt{3}$.

(ج) المستقيم (CI) يقطع المستقيم (BD) في G . أحسب BG .

(2) المستقيمان (BC) و (DI) يتقاطعان في E .
ما هي طبيعة الرباعي $ABDE$ ؟ علّل جوابك .

(3) المستقيمان (IC) و (AE) يتقاطعان في F .
برهن أنّ الرباعي $DGEF$ معين ثمّ أحسب مساحته .

تمرين 3- عدد (4 نقاط)

في الرسم المقابل ABC مثلث قائم الزاوية في A . H المسقط العمودي لـ A على (BC) .

لدينا: $AB = 4$ و $CH = 1,8$ و $BH = x$.

(أ) برهن أنّ $AH^2 = 1,8x$ و أنّ $AH^2 = 16 - x^2$.

(ب) بيّن أنّ: $x^2 + 1,8x - 16 = 0$.

(ج) فكّك العبارة $x^2 + 1,8x - 16$ الى جذاء عوامل و استنتج قيس BH .

تمرين 4- عدد (6 نقاط)

في الرسم المقابل ABC مثلث متقايس الضلعين قائم الزاوية في A حيث $AB = AC = 1$ و $I = B * C$ و

M نقطة على $[AB]$ و N نقطة على $[AC]$ حيث

$AM = AN = x$

(1) برهن أنّ $MN = \sqrt{2}x$ و أنّ

$$IM^2 = x^2 - x + \frac{1}{2}$$

(2) جد x ليكون IMN متقايس الأضلاع .

(3) لتكن $J = M * N$. بيّن أنّ

$$IJ = \frac{\sqrt{2}}{2}(1 - x)$$

(4) برهن أنّ مساحة المثلث IMN : $A = \frac{1}{2}x(1 - x)$.

(أ) بيّن أنّ $A = \frac{-1}{2} \left[\left(x - \frac{1}{2}\right)^2 - \frac{1}{4} \right]$

(ب) استنتج أنّ $0 \leq A \leq \frac{1}{8}$

